

Problemas de Física 4 § Ecuación de la Energía

1. Procesos

- (a) Determinar cuáles son los procesos efectuados en los siguientes casos:
- i. $\Delta u = \Delta w$
 - ii. $\Delta u = \Delta q$
 - iii. $\Delta q = -\Delta w$
 - iv. $\Delta q = \Delta h$
- (b) Encontrar la ecuación que determina, y dibujar procesos isobáricos en la superficie pvT y en algunas de sus proyecciones.

2. Ecuación de Energía

- (a) Sea $u = u(T, v)$, y $\delta w = -pdv$. Utilizando la primer Ley de la Termodinámica, demostrar:
- i. $\left(\frac{\partial u}{\partial T}\right)_v = c_v$
 - ii. $\left(\frac{\partial u}{\partial v}\right)_T = \frac{c_p - c_v}{\beta v} - p$
 - iii. $\delta q_T = \frac{c_p - c_v}{\beta v} dv_T$
 - iv. $\left(\frac{\partial T}{\partial v}\right)_s = \frac{c_v - c_p}{\beta v c_v}$
- (b) Considerar ahora $u = u(T, p)$ y demostrar:
- i. $\left(\frac{\partial u}{\partial T}\right)_p = c_p - p\beta v$
 - ii. $\left(\frac{\partial u}{\partial p}\right)_T = pv\kappa - \frac{\kappa}{\beta}(c_p - c_v)$
 - iii. $\delta q_T = \frac{\kappa}{\beta}(c_v - c_p)dp_T$
 - iv. $\left(\frac{\partial T}{\partial p}\right)_s = \frac{\kappa(c_p - c_v)}{\beta c_p}$
- (c) Considerar ahora $u = u(v, p)$ y demostrar:
- i. $\left(\frac{\partial u}{\partial p}\right)_v = \frac{\kappa c_v}{\beta}$
 - ii. $\left(\frac{\partial u}{\partial v}\right)_p = \frac{c_p}{\beta v} - p$
 - iii. $\delta q_T = \frac{c_v \kappa}{\beta} dp_T + \frac{c_p}{\beta v} dv_T$
 - iv. $\left(\frac{\partial p}{\partial v}\right)_s = -\frac{c_p}{\kappa v c_v}$

3. Problemas Adicionales

- (a) Un mol de gas se halla confinado en un cilindro con pistón adiabático. Supongamos que inicialmente el volumen es $V_A = 1 \text{ l}$ y la temperatura $T_A = 300 \text{ K}$. El gas se expande contra presión nula hasta que su volumen alcanza $V_A = 2 \text{ l}$. La ecuación de estado del gas es

$$p(V, T) = \frac{RT}{V} - \frac{a}{V^2}$$

y la energía interna es:

$$U(T, V) = \frac{5}{2}RT - \frac{a}{V}.$$

Las constantes $R = 0.082 \frac{\text{l atm}}{\text{mol K}}$ y $a = 0.082 \text{ atm l}^2$.

§<http://www.df.uba.ar/users/dmitnik/fisica4>

- i. ¿El proceso es reversible?
 - ii. Calcular ΔU_{AB}
 - iii. Calcular T_B
 - iv. Calcular p_B
 - v. Calcular ΔH_{AB}
 - vi. Calcular C_v
- (b) La ecuación de estado para un gas de Van der Waals es:

$$\left(p + \frac{a}{v^2}\right)(v - b) = RT$$

y $dU = C_v dT + \frac{a}{v^2} dv$. Encontrar la expresión matemática que cumple un camino adiabático (“ecuación adiabática”).

- (c) Se tiene un dispositivo de Joule, que contiene un gas de Van der Waals con n_A moles en un compartimiento, y n_B en el otro. Ambos compartimientos están inicialmente a la misma temperatura T_1 , tienen el mismo volumen V , y son adiabáticos.
- i. Hallar la temperatura T_f correspondiente al estado final de equilibrio, luego de abrirse la llave que comunica los dos compartimientos.
 - ii. Analizar los casos particulares $n_B = 0$ y $n_A = n_B$.
- (d) Calcular cómo cambia la temperatura del aire a medida que se va subiendo por la atmósfera. Ayuda: suponer una columna de aire, cuya presión en la parte inferior (a una altura h) es p , y $p(h + dh) = p + dp$. Utilizar $dp = -\rho g dh$ y suponer que el aire es un gas ideal, muy mal conductor del calor. Lo que se debe hallar es $\frac{dT}{dh}$. Algunos datos útiles del aire: Masa específica $M=28.9$. Calores específicos: $c_v = 5/2 R$, $c_p = 7/2 R$.