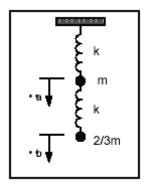
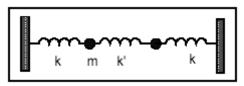
Física 2. Segundo cuatrimestre 2006

Guía Nº2: Modos Normales 1

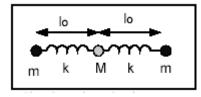


- 1) a) Considere el sistema de la figura en ausencia de gravedad y obtenga sus frecuencias naturales de oscilación y los modos normales correspondientes. Escriba las ecuaciones de movimiento de cada masa.
- b) Sabiendo que en t=0 el sistema satisface las siguientes condiciones $\psi_a(0)=1$ y $\psi_b(0)=0$ y que se encuentra en reposo, encuentre el movimiento de cada partícula.
- c) Analice cómo se modifica el resultado por la presencia de la gravedad.

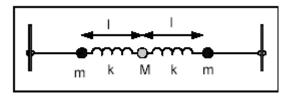


2) Considere el sistema de la figura. Las masas están apoyadas en una mesa sin rozamiento, sujetas a las paredes por resortes de constante k y unidas por otro resorte de constante k. Obtenga las frecuencias y los modos transversales del sistema.

¿Bajo qué condiciones espera observar batidos? ¿Qué son batidos?.



- 3) Considere el sistema simplificado de la figura que se basa en una molécula triatómica simétrica. En el equilibrio dos átomos de masa m están situados a ambos lados del átomo de masa M=2m y vinculados por resortes de constante k y longitud natural l_{θ} . Sólo estamos interesados en analizar los modos longitudinales
- a) Encuentre las ecuaciones de movimiento de cada masa.
- b) Halle las frecuencias de los modos normales.
- c) Dibuje las configuraciones de cada modo.
- d) Si el centro de masa de la molécula se mueve con v_0 = cte, halle la solución para $\psi_a(t)$, $\psi_b(t)$ y $\psi_c(t)$.
- e) Establezca cuáles deben ser las condiciones iniciales para excitar sólo el modo más alto (mayor frecuencia).

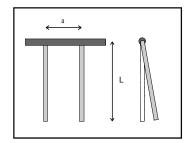


- 4) Se analizan las oscilaciones transversales del sistema de la figura.
- a) Encuentre las ecuaciones de movimiento de las masas.
- b) Halle las frecuencias de los modos normales.
- c) Dibuje la configuración correspondiente a cada

modo normal.

- d) Si el centro de masa se encuentra en reposo, determine los desplazamientos de cada masa como función del tiempo.
- e) ¿Qué condiciones iniciales que permiten excitar sólo el segundo modo?

- g) ¿Cómo se modifican los resultados anteriores si solamente el extremo de la derecha se fija a la pared?.
- 5) Se tienen dos barras iguales de longitud L, masa m y momento de inercia I acopladas con un resorte de torsión, separadas una distancia a, como se ve en la figura. El resorte horizontal sólo puede torsionarse (su eje central y su longitud permanecen fijo) y tiene sus extremos libres. El resorte ejerce una fuerza restitutiva sobre las barras proporcional al ángulo de torsión. Las barras pueden oscilar sólo en el plano perpendicular a la barra
- a) Escriba las ecuaciones de movimiento de cada barra.
- b) Obtenga las frecuencias naturales del sistema y sus modos normales de oscilación.
- c) se desea asimetrizar el sistema agregándole una pesa a una de las barras. ¿Cuán grande debe ser esa pesa para que el sistema se lo pueda considerar esencialmente desacoplado?



- 6)-Considere un sistema similar al del problema 5)pero ahora con los extremos del resorte fijos (de modo que no pueden torsionarse) a distancia l de cada barra.
- a) Discuta cualitativamente a priori como espera que sean los modos normales, y como serán sus frecuencias comparadas con las del sistema con extremos libres.
- b) Resuelva el problema analíticamente, suponiendo que hay pérdidas proporcionales a la velocidad de torsión que dominan los mecanismos de pérdidas. Discuta como se comparan las resonancias con el caso libre.
- 7) Considere el sistema de dos péndulos de igual longitud l pero de masas diferentes m_a y m_b , acoplados mediante un resorte de constante elastica k.
- a) Escriba las ecuaciones de movimiento de cada masa.
- b) Obtenga las frecuencias naturales del sistema y sus modos normales de oscilación. Interprete el significado físico de estos modos normales.
- c) Suponiendo que el acoplamiento es débil, es decir: $k \le (g/l) m_a m_b / (m_a + m_b)$, y que las condiciones iniciales son
- $\psi_a(0)=0, \psi_b(0)=0, \psi_a(0)=0, \psi_b(0)=A$, obtenga el movimiento de cada masa y grafíquelo en función del tiempo.
- d) Calcule los valores medios, en un ciclo rápido, de T_a y T_b , donde T indica energía cinética. Grafique $< T_a > y < T_b >$, y analice las diferencias en el gráfico como función de las diferencias entre las masas ($m_a = m_b$ y m_a muy diferente de m_b). Calcule el valor medio de la energía de interacción entre las dos partículas.

